

## 目 次

本 編 .....	1
第 1 章 行列 .....	1
1.1 行列 (matrix) とは .....	1
1.2 行列いろいろ (スカラー, ベクトル, 正方行列, 対称行列, 単位行列) .....	3
1.3 足算, 引算, スカラー×行列 .....	5
1.4 行列×行列 .....	7
1.5 行列×行列 (続) .....	9
1.6 逆行列, 行列式 .....	11
1.7 逆行列, 行列式 (続) .....	13
1.8 3元1次連立方程式の逆行列による解 .....	15
1.9 対称行列の逆行列の実戦的な計算法 .....	17
1.10 対称行列の逆行列 (例) .....	19
第 2 章 余分な観測の数 ( $m - n + d$ ) .....	21
2.1 旧点, 新点, 固定点, 未知点 .....	21
2.2 観測の数 ( $m$ ), 未知量の数 ( $n$ ), 網の移動の自由度 ( $d$ ), $m - n + d < 0$ .....	23
2.3 余分な観測の数, $m - n + d = 0$ , $m - n + d > 0$ .....	25
2.4 観測値に修正値 ( $v$ ) を加える→最小二乗法 .....	27
第 3 章 誤差論の入口 .....	29
3.1 誤差は分散 ( $q$ ) と標準偏差 ( $\sigma$ ) で理解する .....	29
3.2 誤差についての経験則 .....	31
3.3 誤差確率密度関数 (ガウスの誤差関数) .....	33
3.4 分散共分散行列 ( $Q$ ) .....	35
3.5 誤差伝播 .....	37
3.6 観測回数による重み ( $p$ ), 個々の観測と算術平均値 .....	39
3.7 標準偏差 or 分散による重み ( $p$ ), 単位重み (-観測, -標準偏差, -分散) .....	41
3.8 最小二乗法の条件式 ( $p_1v_1^2 + p_2v_2^2 + \dots + p_mv_m^2 = \text{最小}$ ) .....	43
3.9 行列表現による最小二乗法の条件式 ( $v^T P v = \text{最小}$ ) .....	45
3.10 分散共分散行列 ( $Q$ ) と重み行列 ( $P$ ) の関係: GPS と全測量 .....	47
第 4 章 観測方程式の単位の統一 .....	49
4.1 観測値 ( $O$ ) と計算値 ( $C$ ), 微小改良座標 ( $dx, dy, dh$ ) .....	49
4.2 生の観測方程式 $v = \Sigma$ (関与する点の座標等から算出する係数)・未知量 $- (O - C)$ 測地線長 or 平面距離の観測方程式 .....	51
4.3 生の観測方程式で最小二乗法の計算に入っていけるのか? .....	53

4.4 距離の観測方程式の単位を m から角度秒 ("') に変換する	55
4.5 距離の観測方程式の両辺 $\times (\rho / D)$ の真の意味	57
4.6 観測方程式の正規化	59
4.7 行列表現による観測方程式 $v = Ax - L$	61
 第 5 章 正規方程式	63
5.1 $v = Ax - L$ に $v^T Pv =$ 最小を行う	63
5.2 最小と微分、偏微分	65
5.3 行列の微分公式	67
5.4 正規方程式 $Bx = r$	69
 第 6 章 測量網平均	71
6.1 理想的な測量計算では網平均を繰り返す	71
6.2 網の形と大きさは一義的に決まる。では、地球上における網の位置は？	73
6.3 網の移動の自由度 $d = 0$ だと固定網平均、解はただ一つ $x = B^{-1}r$	75
6.4 $d \neq 0$ だと $Bx = r$ の解はどうなるか？	77
 発 展 編	79
 第 7 章 自由網平均	79
7.1 「3 個の石」の問題（観測値）	79
7.2 「3 個の石」の $v = Ax - L, Bx = r$	81
7.3 「3 個の石」の固定解 ( $d = 0$ )	83
7.4 一般逆行列 $B^-$ による $x = B^- r$ ( $d = 1$ )	85
7.5 任意の解 $x$ が求まる $B^-$	87
7.6 自由解 ( $x^T x =$ 最小) の条件下における $Bx = r$ の解 $x = B(BB)^- r$	89
7.7 「3 個の石」の自由解	91
7.8 測量における $(BB)^-$ の作り方	93
7.9 測量における $x^T x =$ 最小 の図形的なイメージ	95
7.10 自由網平均	97
 第 8 章 自然網平均	99
8.1 旧座標の観測方程式	99
8.2 全旧点座標の $\sigma$ が同じ場合の自然網平均	101
 第 9 章 単位重み標準偏差の実際値	103
9.1 単位重み標準偏差の実際値 ( $\sigma_{0\text{実}}$ )	103
9.2 観測種別ごとの単位重み観測の標準偏差	105

第 10 章 点の位置の精度.....	107
10.1 解 $x$ の分散共分散行列（固定網平均）.....	107
10.2 解 $x$ の分散共分散行列（自由網平均），点の位置の標準偏差 .....	109
10.3 「3 個の石」の偽逆行列 ( $B^+$ ) による自由解，1 点 1 方位固定解と 自由網平均の違い .....	111
10.4 任意の方方位角 $A$ の方向の点の位置の標準偏差 .....	113
10.5 誤差橢円 .....	115